PRIORITÉ DES OPÉRATIONS

Lorsqu'on effectue une suite d'opérations sur des nombres réels, il faut respecter une certaine priorité dans ces opérations.

- 1. On commence par effectuer les opérations situées dans les parenthèses.
- 2. Ensuite, on calcule les puissances (exposants).
- 3. On poursuit avec les multiplications et les divisions de gauche à droite.
- 4. On termine avec les additions et les soustractions de gauche à droite.

EXEMPLE 1.29

Effectuons
$$5^2 + 5 \times 4 - 6 \div (5 - 3)$$
. On a

$$5^2 + 5 \times 4 - 6 \div (5 - 3) = 5^2 + 5 \times 4 - 6 \div 2$$
 opération entre parenthèses
 $= 25 + 5 \times 4 - 6 \div 2$ puissance
 $= 25 + 20 - 3$ multiplication et division de gauche à droite
 $= 42$ addition et soustraction de gauche à droite

EXEMPLE 1.30

Effectuons
$$\frac{1}{4} + \frac{5}{8} \times \left(\frac{2}{3} - 2\right)^2 \div \frac{5}{3}$$
. On a

$$\frac{1}{4} + \frac{5}{8} \times \left(\frac{2}{3} - 2\right)^2 \div \frac{5}{3} = \frac{1}{4} + \frac{5}{8} \times \left(-\frac{4}{3}\right)^2 \div \frac{5}{3} \quad \text{parenthèses: } \frac{2}{3} - 2 = \frac{2}{3} - \frac{6}{3} = -\frac{4}{3}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{5}{8} \times \frac{16}{9} \div \frac{5}{3} \quad \text{puissance: } \left(-\frac{4}{3}\right)^2 = \left(-\frac{4}{3}\right)\left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{16}{9}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{10}{9} \div \frac{5}{3} \quad \text{multiplication: } \frac{5}{8} \times \frac{16}{9} = \frac{5 \times 2 \times \cancel{8}}{\cancel{8} \times 9} = \frac{10}{9}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{2}{3} \quad \text{division: } \frac{10}{9} \div \frac{5}{3} = \frac{10}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{\cancel{8} \times 2 \times \cancel{8}}{3 \times \cancel{8} \times \cancel{8}} = \frac{2}{3}$$

$$= \frac{11}{12} \quad \text{addition: } \frac{1}{4} + \frac{2}{3} = \frac{3}{12} + \frac{8}{12} = \frac{11}{12}$$

EXERCICE 1.5

Effectuez les opérations suivantes en respectant la priorité des opérations.

a)
$$-10 \times (-3) \div 6 + 9$$

g)
$$\frac{1}{5} + \frac{5}{8} \times \frac{2}{3} - \frac{1}{4}$$

b)
$$8 - (3 + 7) - 3 \times (-5) - 1$$

h)
$$\left(\frac{1}{2} + \frac{5}{2}\right) \times \left(\frac{2}{2} - \frac{1}{2}\right)$$

c)
$$6 - [3 \times 2^3 + 2 \times (3 - 10)]$$

h)
$$\left(\frac{1}{5} + \frac{5}{8}\right) \times \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{4}\right)$$

d)
$$7 - 3 \times 5 + 12 \div (-2) - 2^3$$

i)
$$\frac{4}{5} \div \left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \frac{5}{36} - \frac{1}{6}$$

e)
$$8^2 \div (-4) + 3 - (12 - 15)^2$$

i)
$$\frac{1}{5} \div \left(\frac{1}{3}\right) \times \frac{1}{36} - \frac{1}{6}$$

f)
$$9 - 2^4 - 3 \times 12 \div (-6) - 5$$

j)
$$\frac{4}{3} + \left(\frac{5}{2}\right)^2 \times \frac{2}{15} - \frac{3}{2}$$